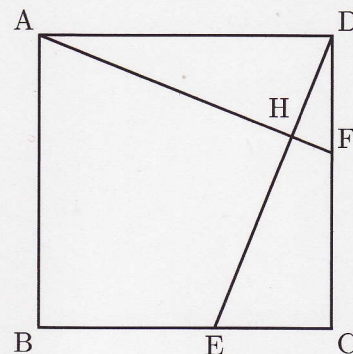


右の図のように、正方形 ABCD の辺 BC, CD 上に、 $CE=DF$ となる点 E, F をそれぞれとる。また、直線 DE と AG の交点を H とする。このとき、 $\triangle ADH \sim \triangle DFH$ であることを証明しなさい。ヒントが必要なら、ヒントは次のページにあります。



$\triangle CDE$ と $\triangle DAF$ で

仮定より

$$CE = DF \quad \text{--- ①}$$

$$CD = DA \quad \text{--- ②}$$

$$\angle DCE = \angle ADF = 90^\circ \quad \text{--- ③}$$

①, ②, ③ より 2 組の辺とその間の角がそれぞれ等しいので

$$\triangle CDE \cong \triangle DAF$$

$$\text{よって } \angle DAH = \angle FDH \quad \text{--- ④}$$

$\triangle ADF$ と $\triangle DHF$ で

④ より

$$\angle DAF = \angle HDF$$

$$\angle AFD = \angle DFH \quad (\text{共通}) \text{ より}$$

$$\angle ADF = \angle DHF = 90^\circ \quad \text{--- ⑤}$$

⑤ より

$$\angle AHD = \angle DHF = 90^\circ \quad \text{--- ⑥}$$

ここで

$\triangle ADH$ と $\triangle DFH$ で

④, ⑥ より 2 組の角がそれぞれ等しいので

$$\triangle ADH \sim \triangle DFH$$